

Aula 14 – Estruturas de Dados - Matrizes

Algoritmos e Programação de Computadores

Profs: Ronaldo Castro de Oliveira – ronaldo.co@ufu.br

Anilton Joaquim da Silva – anilton@ufu.br

Matrizes

- Uma matriz é uma variável capaz de armazenar vários dados de mesmo tipo, ou seja, é uma variável composta homogênea bidimensional.

- Declaração da Matriz

Tipo_da_matriz nome_matriz [linhas][colunas];

- Exemplos:

- `int matriz1[3][3];`
- `float matriz2[2][2];`
- `char matriz_nomes[10][30];`

Matrizes

- Seja o exemplo de números inteiros:

```
int matriz1 [ 3 ][ 3 ];
```

Linhas
Colunas

Índice	0	1	2
0	7	2	5
1	4	8	1
2	9	6	3

Obs.: os índices de uma matriz, em C++, sempre começam em 0. Logo o matriz1 pode armazenar 9 inteiros, com controle de índice começando em [0][0], [0][1], [0][2], [1][0]... até [2][2].

Memória	
1000	7
1001	
1002	2
1003	
1004	5
1005	
1006	4
1007	
1008	8
1009	
1010	1
1011	
1012	9
1013	
1014	6
1015	
1016	3
1017	
1018	

1 Linha
2 Linha
3 Linha

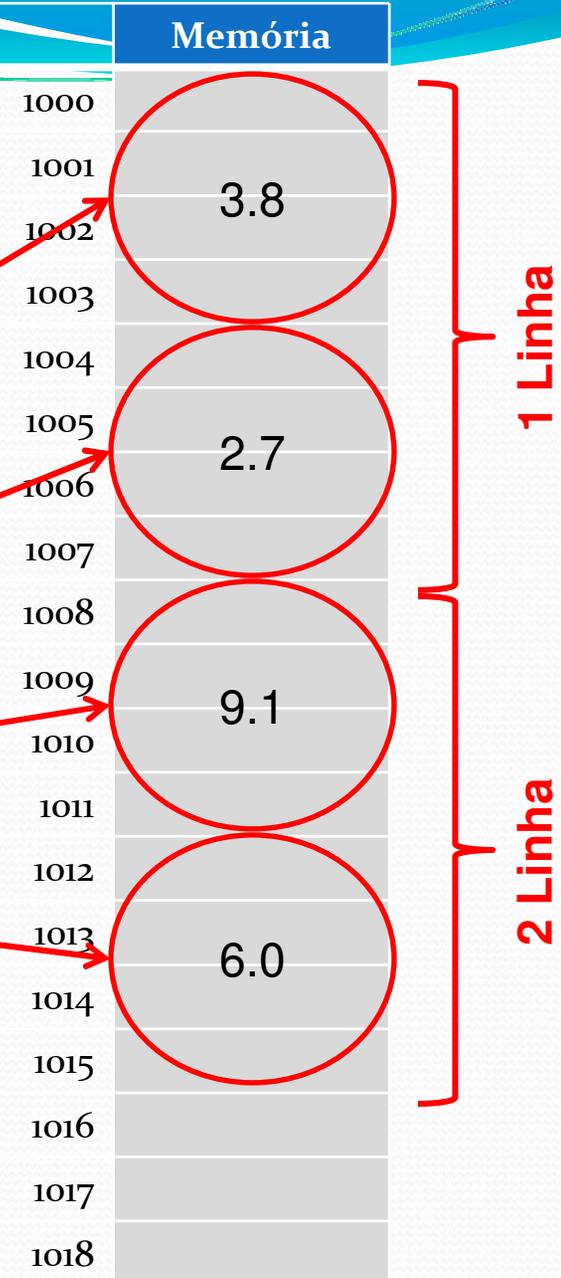
Matrizes

- Seja o exemplo de números reais:

```
float matriz2 [ 2 ][ 2 ];
```

→ Linhas
→ Colunas

Índice	0	1
0	3.8	2.7
1	9.1	6.0



Obs.: A matriz2 armazena 4 floats, com controle de índices: [0][0], [0][1], [1][0], [1][1].

Matrizes

- Seja o exemplo de números inteiros:

`int matriz1 [3][3];`



Índice	0	1	2
0	7	2	5
1	4	8	1
2	9	6	3

Posição:

`matriz1 [1][1] → 8`

`matriz1 [0][2] → 5`

`matriz1 [2][0] → 9`

`matriz1 [3][1] → ? → ERRO`

`matriz1 [2][3] → ? → ERRO`

Atribuindo valores a uma matrizes

- Para atribuir diretamente um valor a uma determinada posição da matriz, pode-se usar a seguinte expressão:

nome_vetor[posição] = valor;

Ex: int matriz1 [3][3];

matriz1[2][1] = 94;

matriz1[0][2] = 33;

matriz1[1][0] = 57;

Índice	0	1	2
0			33
1	57		
2		94	

matriz1[1][3] = 94; → **ERRO**

Lendo uma matriz

- Para ler uma matriz e ter seus valores alocados em posições específicas, pode-se utilizar dois comandos for, um dentro do outro:

```
void le_matriz (int matriz[][tamanho], int L, int C)  
{  
    for (int linha = 0; linha < L; linha++)  
    {  
        for(int coluna = 0; coluna < C; coluna++)  
        {  
            cout << "Digite Matriz: [ " << linha << " ][ " << coluna << " ]: ";  
            cin >> matriz [linha][coluna];  
        }  
    }  
}
```

- OBS1: o procedimento le_matriz recebe na variável matriz tipo inteiro uma passagem por referência à matriz originalmente declarada. Valores atribuídos a esta variável serão atribuídos a definição original que efetuou a chamada do procedimento.
- OBS2: as variáveis L e C recebem passagens de valor, sendo definida como o tamanho da matriz em linhas e colunas.

Imprimindo uma matriz

- Para mostra uma matriz já lida e ter seus valores apresentados na tela, também pode-se utilizar dois comandos for, um dentro do outro:

```
void mostra_matriz (int matriz [][][tamanho], int L, int C)
{
    cout << "Matriz digitada: " << endl;
    for (int linha = 0; linha < L; linha++)
    {
        for(int coluna = 0; coluna < C; coluna++)
        {
            cout << setw(10) << left << matriz[linha][coluna];

        }
        cout << endl;
    }
}
```

Exemplo completo

```
#include <iostream>
#include <iomanip>
#define tamanho 100

using namespace std;

void le_matriz (int M[][tamanho], int L, int C)
{
    for (int linha = 0; linha < L; linha++)
    {
        for(int coluna = 0; coluna < C; coluna++)
        {
            cout << "Digite Matriz: [ " << linha << " ] [ " << coluna << " ]: ";
            cin >>M[linha][coluna];
        }
    }
}

void mostra_matriz (int M[][tamanho], int L, int C)
{
    cout << "Matriz digitada: " << endl;
    for (int linha = 0; linha < L; linha++)
    {
        for(int coluna = 0; coluna < C; coluna++)
        {
            cout << setw(10) << left << M[linha][coluna];
        }
        cout << endl;
    }
}

int main()
{
    int matriz[tamanho][tamanho];
    int numeroLinhas, numeroColunas;

    cout << "Matriz - Le e mostra uma matriz" << endl;
    cout << "Digite numero de linhas: ";
    cin >> numeroLinhas;
    cout << "Digite numero de colunas: ";
    cin >> numeroColunas;

    le_matriz(matriz, numeroLinhas, numeroColunas);
    mostra_matriz(matriz, numeroLinhas, numeroColunas);

    return 0;
}
```

Exercícios

1. Fazer um programa que leia a matriz A e a matriz B, calcula a matriz C que é a soma da Matriz A mais a matriz B.
2. Faça um programa que lê uma matriz quadrada (número de linhas é igual ao número de colunas) e retorne a soma dos elementos da matriz.
3. Faça um programa que cria e mostra na tela uma matriz MxN de tal maneira que:
 - Se $i=j$, então $\text{matriz}[i][j]= 0$;
 - Se $i>j$, então $\text{matriz}[i][j] = i$;
 - Se $i<j$, então $\text{matriz}[i][j] = j$.
4. Faça um programa que lê uma matriz quadrada e retorna a soma dos elementos pertencentes à diagonal principal da matriz.

Inicializando uma matriz com valores pré-definidos

- Uma matriz pode ter os seus valores inicializados na declaração da mesma:

```
int a[1][10] = {{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10}};
```

```
int b[2][10] = {{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10},  
               {11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20}};
```

```
int c[3][10] = {{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10},  
               {11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20},  
               {21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30}};
```

OBS: isto também pode ser feito com vetores:

```
int vetor[6] = { 8, 7, 6, 5, 4, 3 };
```

Exemplo completo

```
#include <iostream>
#include <iomanip>
#define tamanho 10

using namespace std;

void mostra_matriz (int M[][tamanho], int L, int C)
{ //.....mesma função visto antes – slide 8
}

int main()
{
    int A[1][10] = {{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10}};
    int B[2][10] = {{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10},
                   {11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20}};
    int C[3][10] = {{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10},
                   {11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20},
                   {21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30}};

    cout << endl << "Matriz A: " << endl;
    mostra_matriz (A, 1, 10);
    cout << endl << "Matriz B: " << endl;
    mostra_matriz (B, 2, 10);
    cout << endl << "Matriz C: " << endl;
    mostra_matriz (C, 3, 10);
    return 0;
}
```

Multiplicação de Matrizes

- Sejam duas matrizes A e B, tal que A tem dimensões $M \times N$ e B; $N \times O$; então, a matriz $A \times B$ tem dimensões $M \times O$, e

$$C_{i,j} = \sum_{k=1}^m A_{m,n} B_{n,o}$$

Four examples of matrix multiplication are shown, illustrating the dot product of rows from matrix A and columns from matrix B:

- Row 1 of A multiplied by Column 1 of B: $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 7 & 8 \\ 9 & 10 \\ 11 & 12 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 58 \\ \end{bmatrix}$ $1 \times 7 + 2 \times 9 + 3 \times 11 = 58$
- Row 1 of A multiplied by Column 2 of B: $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 7 & 8 \\ 9 & 10 \\ 11 & 12 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 58 & 64 \end{bmatrix}$ $1 \times 8 + 2 \times 10 + 3 \times 12 = 64$
- Row 2 of A multiplied by Column 1 of B: $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 7 & 8 \\ 9 & 10 \\ 11 & 12 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 58 & 64 \\ 139 \end{bmatrix}$ $4 \times 7 + 5 \times 9 + 6 \times 11 = 139$
- Row 2 of A multiplied by Column 2 of B: $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 7 & 8 \\ 9 & 10 \\ 11 & 12 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 58 & 64 \\ 139 & 154 \end{bmatrix}$ $4 \times 8 + 5 \times 10 + 6 \times 12 = 154$

Multiplicação de Matrizes

```
#include <iostream>
#include <iomanip>
#define tamanho 100

using namespace std;

void mostra_matriz (int Mat[][tamanho], int L, int C)
{ //...mesma função }

void mult_matriz(int A[][tamanho], int B[][tamanho], int
    Mult[][tamanho], int X, int Y, int Z)
{
    for(int i = 0 ; i < X ; i++ )
    {
        for(int j = 0 ; j < Z ; j++ )
        {
            int soma = 0;
            for(int k = 0 ; k < Y ; k++ )
            {
                soma = soma + A[i][k] * B[k][j];
            }
            Mult[i][j] = soma;
        }
    }
}
```

```
int main()
{
    int A[tamanho][tamanho] = { {1, 2, 3},
                                  {4, 5, 6}};

    int B[tamanho][tamanho] = { {7, 8},
                                  {9, 10},
                                  {11, 12}};

    int MULT[tamanho][tamanho];

    int M = 2, N = 3, O = 2;

    cout << endl <<"Matriz A: " << endl;
    mostra_matriz(A, M, N);
    cout << endl <<"Matriz B: " << endl;
    mostra_matriz(B, N, O);
    mult_matriz(A, B, MULT, M, N, O);
    cout << endl <<"Resultado da Multiplicacao: "
        << endl;
    mostra_matriz(MULT, M, O);
    return 0;
}
```

Exercícios

1. Escreva um programa que leia uma matriz e diga se ela é a matriz identidade ou não.
2. Escreva um programa que leia uma matriz e imprima sua transposta.