



1) Recursividade

Uma função que chama a si mesma, direta ou indiretamente, é dita ser recursiva. A técnica recursiva permite a escrita de algoritmos mais claros e precisos, especialmente problemas que possuem natureza recursiva.

O código abaixo mostra uma função recursiva em linguagem C para calcular a potência de um número inteiro:

```
#include <stdio.h>

int potencia(int base, int expoente){

    if(expoente == 0)
        return 1;
    else
        return (base * potencia(base, expoente-1));
}

int main(){
    int base = 2, expoente = 8, resultado;

    resultado = potencia(base,expoente);
    printf("%d elevado a %d = %d", base, expoente,resultado);

    return 0;
}
```

Em todas as funções recursivas existe:

- Um caso base, ou condição de parada, cujo resultado é imediatamente conhecido.
- Um passo recursivo em que se tenta resolver um sub-problema do problema inicial.

Exercícios em linguagem C:

1) O programa abaixo implementa duas funções para multiplicar dois números, sendo uma iterativa e outra recursiva. Analise as duas chamadas no programa principal e informe passo a passo o resultado obtido em cada uma.

```
#include <stdio.h>

long int mult(int x, int y){
    long int res=0;
    while( y != 0){
        res += x;
        y--;
    }
    return(res);
}
```

```

long int multRec(int x, int y)
{
    if (y == 0)
        return 0;
    else
        return(x + multRec(x, y-1));
}

int main(){
    printf("\nResultado Iterativo: %d",mult(5,600));
    printf("\nResultado Recursivo: %d\n\n",multRec(5,600));
    system("pause");
    return 0;
}

```

2) Seja a somatória abaixo. Faça uma função recursiva para realizar o cálculo.

$$\sum_{i=1}^n i^2$$

3) A função de *Ackermann* é definida para valores inteiros e não negativos m e n da seguinte forma:

$$A(m, n) = \begin{cases} n + 1 & \text{se } m = 0 \\ A(m - 1, 1) & \text{se } m > 0 \text{ e } n = 0 \\ A(m - 1, A(m, n - 1)) & \text{se } m > 0 \text{ e } n > 0. \end{cases}$$

Faça uma função recursiva para implementá-la. Qual o valor de $A(3,2)$?

4) Escreva uma função recursiva que calcule o número de grupos distintos com k pessoas que podem ser formados a partir de um conjunto de n pessoas. A definição abaixo da função **Comb(n,k)** define as regras:

$$Comb(n, k) = \begin{cases} n & \text{se } k = 1 \\ 1 & \text{se } k = n \\ Comb(n - 1, k - 1) + Comb(n - 1, k) & \text{se } 1 < k < n \end{cases}$$